

ICOTS 11  
Rosario 2022



MATERIALES DIDÁCTICOS PARA EL  
DESARROLLO DEL COMPONENTE DE  
TRANSNUMERACIÓN EN UN ESPACIO  
DE EDUCACIÓN INCLUSIVA

TEACHING MATERIALS FOR THE  
DEVELOPMENT OF THE  
TRANSNUMERATION COMPONENT IN  
AN INCLUSIVE EDUCATION SPACE

Ingrith Álvarez Alfonso  
John Edison Niño Parra

September 11 – 16, 2022



UNIVERSIDAD PEDAGÓGICA  
NACIONAL  
*Educadora de educadores*

## La indagación The inquiry

Se formula en  
It is formulated in



Socializar con la comunidad académica **materiales didácticos** construidos para aportar al desarrollo de las destrezas y habilidades propias del componente de transnumeración, como parte de la formación de ciudadanos estadísticamente cultos.  
**Socialize with the academic community **didactic materials** built to contribute to the development of the skills and abilities of the transnumeration component, as part of the formation of statistically educated citizens.**

En el cual se busca  
In which to search

Estos materiales son fruto  
These materials are the result

Cultura estadística desde la transnumeración: un espacio inclusivo para la enseñanza de la estadística (Niño y Osorio, 2020)

## Contexto

Dos estudiantes de 9° grado de la educación básica colombiana  
(un estudiante ciego y uno regular)

## Context

Two 9<sup>th</sup> grade Colombian basic education students  
(one blind student and one regular)

Participación  
de los  
estudiantes  
  
Student  
engagement



Fases del  
proceso  
transnumerativo  
Phases of the  
transnumerative  
process

Tarea  
Task

Captura de los datos  
Data capture

Reorganización y cálculos con datos  
Reorganization and calculations with data

Comunicación del mensaje inmerso  
en los datos  
Communication of the message  
embedded in the data

Chick, Pfannkuch y Watson (2005, citados en Contreras y Molina-Portillo, 2019)



Narbona y Peralta (2002)

Adaptación de material  
Material adaptation

Necesidades del educando  
Learner needs

## Espacio Inclusivo Inclusive Space



Narbona y Peralta (2002) y  
Rodríguez (2008)

Compensaciones sensoriales  
Sensory compensation



Pérez (2015)

Uso del material para  
población ciega  
Use of the material for the  
blind population

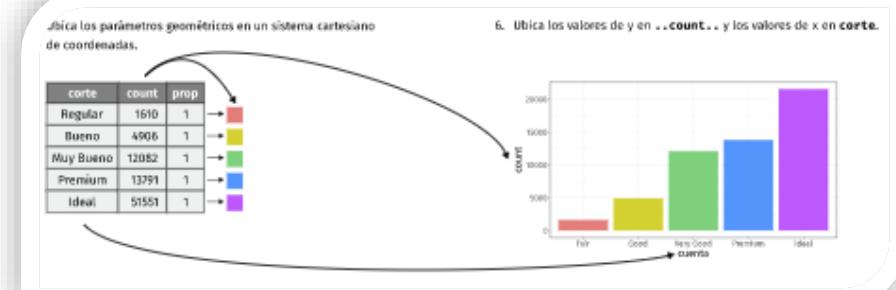
# Espacio Inclusivo

## Inclusive Space



López y Ruiz (2017)

Uso de materiales del área de matemáticas para las adaptaciones  
 Use of Math Area Materials for Accommodations

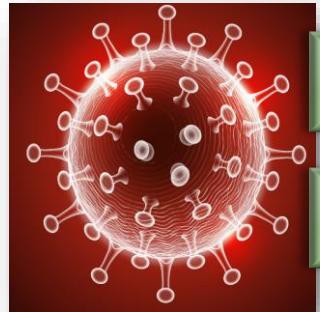


Chick, Pfannkuch y Watson (2005), citados en Contreras y Molina-Portillo, 2019)

Las tres fases del proceso transnumerativo  
 The three phases of the transnumerative process

# ASPECTOS METODOLÓGICOS

## METHODOLOGICAL ASPECTS



Confinamiento

Lockdown

Aprendizajes previos en el área de matemáticas  
Previous learning in the area of mathematics



Necesidades Educativas

Needs Educational

Apropiación del sistema Braille  
Appropriation of the Braille system



Materiales

Materials

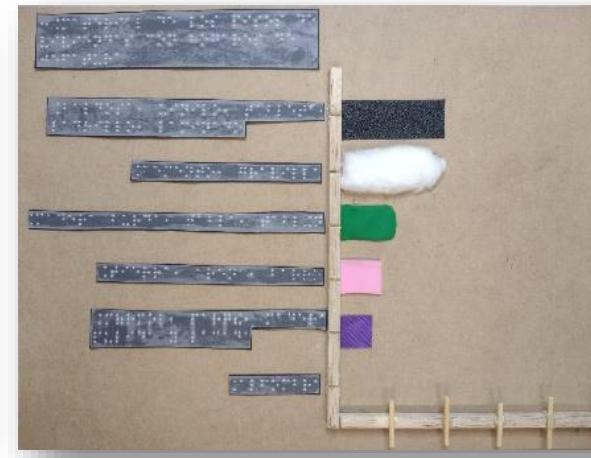
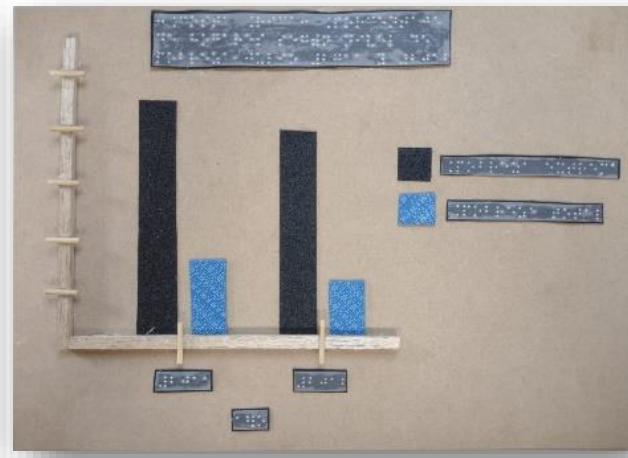
En el área de matemáticas ya utilizados  
In the area of mathematics already used

Elaboración de materiales acordes a las necesidades del educando ciego  
Preparation of materials according to the needs of the blind student



# GRÁFICOS ESTADÍSTICOS TANGIBLES

## TANGIBLE STATISTICAL GRAPHICS



**Gráfico de torta / Pie chart**

**Diagrama de barras vertical y horizontal**  
**Vertical and horizontal bar chart**

Adaptación con texturas  
**Adaptation with textures**

Material resistente  
**Resistant material**

Uso del sistema Braille  
**Use of the Braille system**

**Objetivo / Goal**

Reconocer los elementos relevantes de algunas representaciones estadísticas  
**Recognize the relevant elements of some statistical representations**

# TABLA DE DATOS ESCRITA EN BRAILLE

## DATA TABLE WRITTEN IN BRAILLE



Estudiante	Curso	Recurso Tecnológico	Horas semanales
1	902	Computador y Celular	Entre 15 y 20
2	901	Computador y Tablet	Más de 20
3	902	Computador y Celular	Más de 20
4	902	Computador, Tablet y Celular	Más de 20
5	902	Celular	Entre 9 y 14
6	901	Computador, Tablet y Celular	Más de 20
7	902	Computador, Tablet y Celular	Entre 9 y 14
8	901	Computador	Más de 20
9	901	Computador	Más de 20

Consolidado de la **captura** de los datos **recolectados** mediante una encuesta  
 Consolidation of the **capture** of data **collected** through a survey

Datos de un **contexto real**  
 Data from a **context real**

Dificultades que presentaban 20 estudiantes de 9º para acceder a las sesiones virtuales

Difficulties presented by 20 9th grade students to access the virtual sessions

Representación general de la información recolectada  
 General representation of the information collected

Material resistente  
 Resistant material

Uso del sistema Braille  
 Use of the Braille system

Primera fase del proceso transnumerativo (**captura** de los datos)  
 First phase of the transnumerative process (**data capture**)



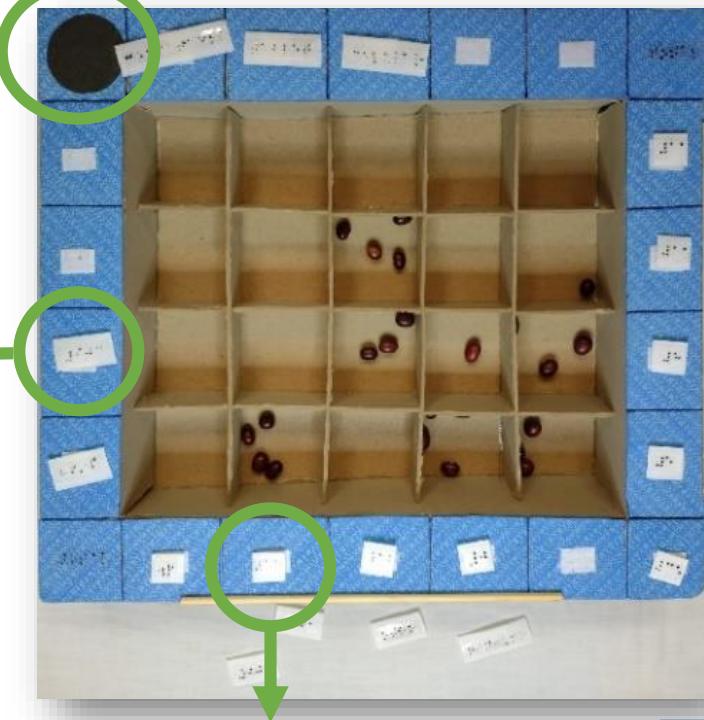
# TABLA EN 3D EN BRAILLE y TABLA EN 3D EN TINTA

## 3D TABLE IN BRAILLE and 3D TABLE IN INK

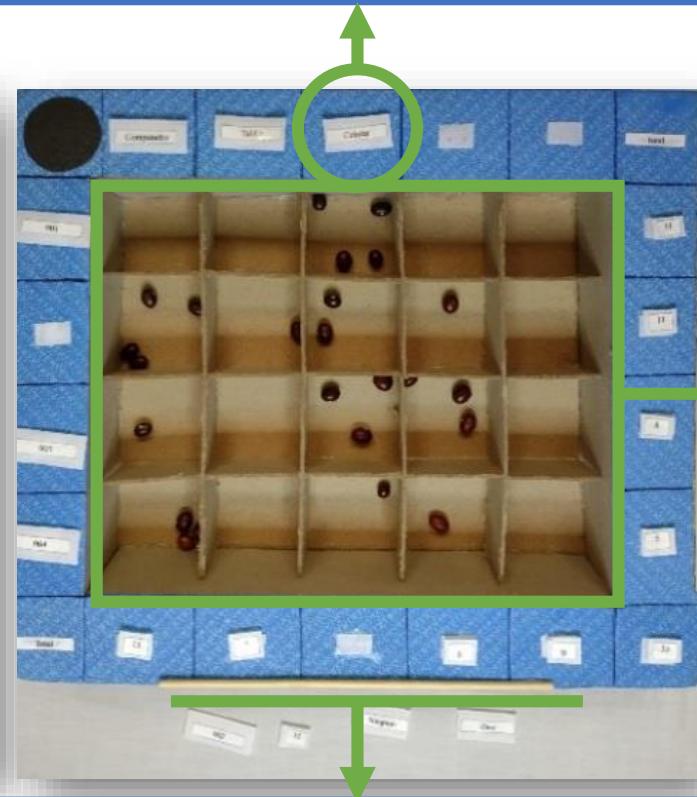
Lija (Punto de referencia)  
Sandpaper  
(Benchmark)

Papel velcro adhesivo (categorías de la variable “recurso tecnológico”)  
Adhesive velcro paper (categories of the “technological resource” variable)

Papel velcro adhesivo (categorías de la variable “curso”) Adhesive velcro paper (categories of the “course” variable)



Papel velcro adhesivo (valores de las frecuencias)  
Adhesive velcro paper (frequency values)



Palo de pincho (Diferenciador entre las categorías y las frecuencias)  
Palo de pincho (Differentiator between categories and frequencies)

Segunda fase del proceso transnumerativo (**Organización** y **agrupación** de datos)

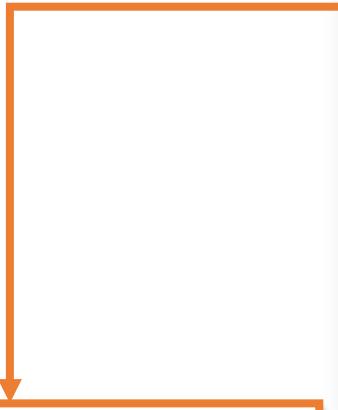
Second phase of the transnumerative process (**Organization** and **grouping** of data)

Material concreto (granos de frijol) – Conteo en relación con los valores de la variable “recurso tecnológico”  
Concrete material (bean grains) – Count in relation to the values of the variable “technological resource”

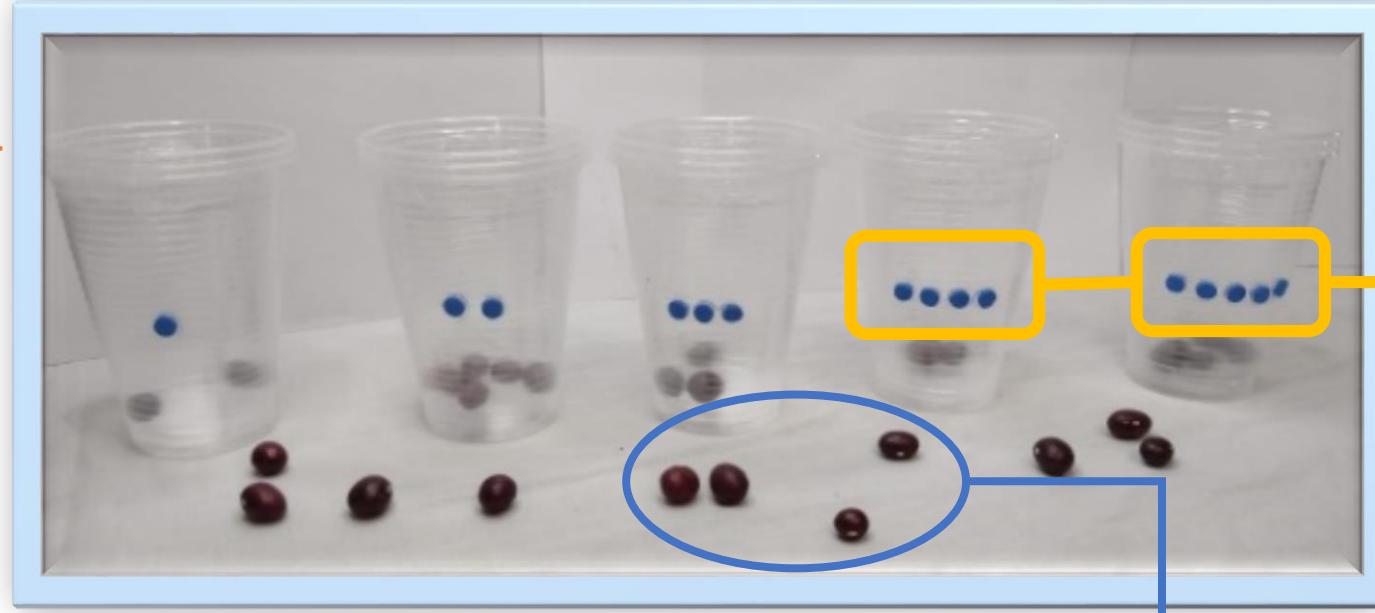
Vasos de conteo  
Counting cups



# VASOS DE CONTEO / COUNTING VESSELS



**Objetivo / Goal**



Complementar el **conteo** de los datos en relación con los valores que toma la variable “recurso tecnológico”.

Complement the **count** of the data in relation to the values that the variable "technological resource" takes.

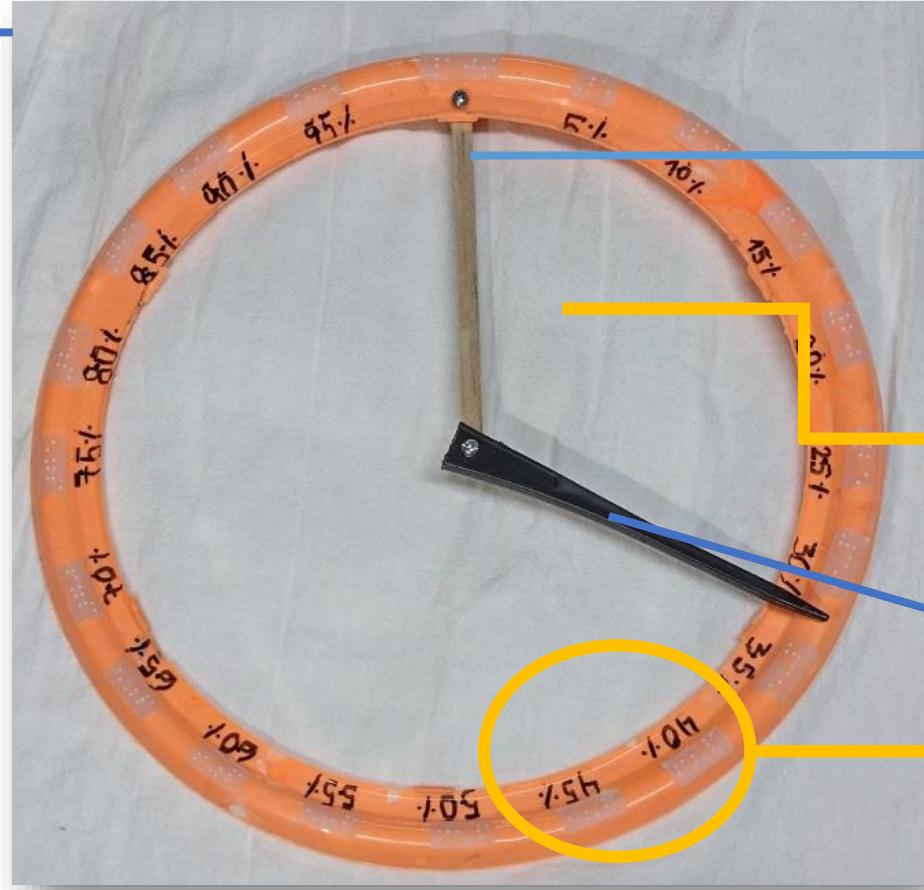
**Material concreto (granos de frijol)**  
 Concrete material (bean kernels)

De preferencia un material que sea cercano al educando ciego  
 Preferably a material that is close to the blind student

# TRANSPORTADOR ESTADÍSTICO / STATISTICAL TRANSPORTER

Considerar el material del docente de matemáticas para la adaptación de materiales didácticos para un aula inclusiva  
Consider the material of the mathematics teacher for the adaptation of didactic materials for an inclusive classroom

Transportador tradicional  
(instrumento para medir ángulos)  
Traditional protractor (instrument for measuring angles)



Manecilla fija  
Fixed hand

Sector circular (representa la frecuencia porcentual)  
Circular sector (represents the percentage frequency)

Manecilla móvil  
Moveable hand

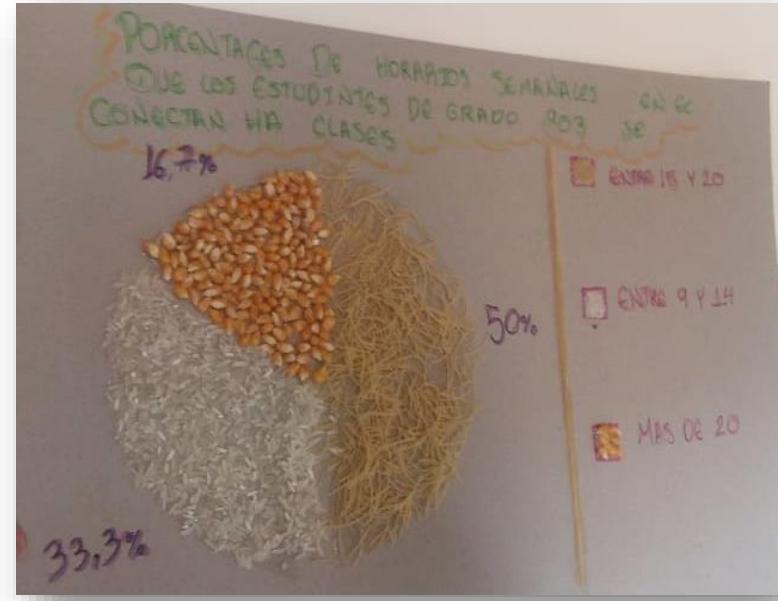
Tercera fase del proceso transnumerativo  
(la “comunicación” del mensaje)  
Third phase of the transnumerative process (the “communication” of the message)

El estudiante **elabora** representaciones estadística  
The student **makes** statistical representations

Escritura (en tinta y en Braille)  
Writing (Ink and Braille)

# REPRESENTACIONES DE LOS PARTICIPANTES

## REPRESENTATIONS OF THE PARTICIPANTS



Es necesario que se realicen representaciones estadísticas que permitan una correcta **lectura e interpretación** de la información

It is necessary that statistical representations are made that allow a correct **reading and interpretation** of the information

Tercera fase del proceso transnumérico (la “**comunicación**” del mensaje)  
Third phase of the transnumerative process (the “**communication**” of the message)

El material didáctico permite desarrollar la habilidad de construir gráficos estadísticos  
The didactic material allows to develop the ability to construct statistical graphs

# DIAGRAMA DE BARRAS ADAPTADO / ADAPTED BAR CHART

Considerar el material del docente de matemáticas para la adaptación de materiales didácticos para un aula inclusiva  
Consider the material of the mathematics teacher for the adaptation of didactic materials for an inclusive classroom

Tercera fase del proceso transnumerativo (la “**comunicación**” del mensaje)  
Third phase of the transnumerative process (the “**communication**” of the message)



Permite **reconocer** elementos básicos del gráfico de barras y **representar** las frecuencias absolutas de una variable **categórica**

It allows **to recognize** basic elements of the bar graph and to **represent** the absolute frequencies of a **categorical variable**

- Material resistente  
Resistant material
- Uso del sistema Braille  
Use of the Braille system

# CONCLUSIONES / CONCLUSIONS

Gestionar clases

Manage classes

En un espacio inclusivo  
(con estudiantes ciegos)

In an inclusive space  
(with blind students)

Diseño y adaptación

Design and adaptation

Necesidades educativas de los  
estudiantes que tengan  
discapacidad

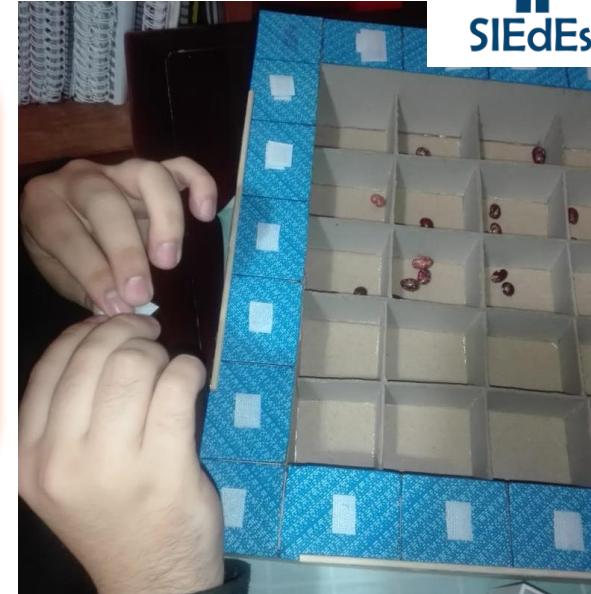
Educational needs of students  
with disabilities

Materiales  
didácticos  
Didactic  
materials

Ciego parcial  
o ciego total  
Partially  
blind or  
totally blind

Construir conocimiento  
a través de las  
**compensaciones  
sensoriales**  
Build knowledge  
through **sensory  
compensations**

Identificar cuáles son las  
**texturas** que han  
trabajado los  
participantes  
Identify which are the  
**textures** that the  
participants have worked  
on



# CONCLUSIONES / CONCLUSIONS

## Exploración Exploration

El docente de matemáticas  
como mediador  
The math teacher as mediator

Materiales adaptados  
desde los conocidos  
Materials adapted from known

Identificar hasta qué punto el educando  
puede **explorar** de manera **autónoma** el material  
Identify to what extent the learner can  
**autonomously explore** the material

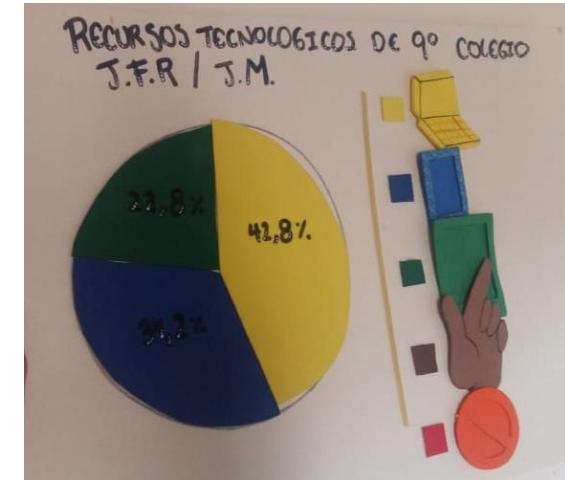


## Elaborar material Craft material

Estudiantes regulares y  
estudiantes ciegos  
Regular students and blind  
students

Material para  
las dos  
poblaciones  
Material for  
the two  
populations

Cerrar poco a poco la  
brecha de la **exclusión** y  
fomentar la  
**participación** de toda la  
población estudiantil  
Gradually close the  
**exclusion gap** and  
encourage the  
**participation** of the  
entire student  
population



# REFERENCIAS / REFERENCES

Contreras, J. y Molina-Portillo, E. (2019). *Elementos clave de la cultura estadística en el análisis de la información basada en datos* [Ponencia] Actas del Tercer Congreso Internacional Virtual de Educación Estadística. <https://doi.org/10481/55035>

López, N. y Ruiz, C. (2017). *Estrategias didácticas para la enseñanza y aprendizaje inclusivo de la Matemática de séptimo grado con estudiantes ciegos, INEP Matagalpa, segundo semestre 2016* [Tesis Doctoral, Universidad Nacional Autónoma de Nicaragua], Repositorio Institucional UNAN-Managua. <https://repositorio.unan.edu.ni/4968/1/5973.pdf>

Narbona, J. y Peralta, F. (2002). Deficiencia visual en el niño. *Estudios sobre educación*, 2(2), 35-52. <https://doi.org/10171/7998>

Niño, J. y Osorio, N. (2020). *Cultura estadística desde la transnumeración: un espacio inclusivo para la enseñanza de la estadística* [Tesis de pregrado, Universidad Pedagógica Nacional]. Repositorio Institucional UPN. <http://doi.org/20.500.12209/12974>

Pérez, C. (2015). *La respuesta educativa a los estudiantes con discapacidad visual*. Organización de Estados Iberoamericanos para la Educación, la ciencia y la cultura. MAFFRE. <https://documentacion.fundacionmapfre.org/documentacion/publico/es/bib/163167.do>

Rodríguez, A. (2008). Aprendizaje de la informática por parte de los discapacitados visuales. *RedIRIS: boletín de la Red Nacional de I+D RedIRIS*, (84), 48-54. <https://www.rediris.es/difusion/publicaciones/boletin/84/enfoque4.pdf>